



PRESIDENCE

POLYNESIE FRANÇAISE

---

SERVICE DU PERSONNEL  
ET DE LA FONCTION PUBLIQUE

.....

EXAMEN PROFESSIONNEL D'ACCES AU GRADE DE  
TECHNICIEN CHEF DE LA FONCTION PUBLIQUE  
DE LA POLYNESIE FRANCAISE

**EPREUVE DE MATHEMATIQUES**

**Mercredi 7 juillet 2010**

**(Durée : 1 heure 30)**

**La calculatrice est autorisée**

**Aucun document n'est autorisé**

Le sujet comporte 2 pages.

### Exercice 1 : Probabilité ( 5 points )

Une urne contient 2 boules rouges, 2 boules vertes et une boule jaune. On tire successivement sans remise 3 boules. Calculer les probabilités suivantes :

- on obtient rouge, rouge, vert dans cet ordre.
- on obtient exactement 2 boules vertes.
- on obtient au moins une boule rouge.

### Exercice 2 : Suite ( 5 points )

Soit  $U_n$  (avec  $n \geq 0$ ) définie par  $U_0 = 4$  et  $U_{n+1} = \frac{4U_n - 9}{U_n - 2}$

Soit  $V_n$  (avec  $n \geq 0$ ) défini par  $V_n = \frac{1}{U_n - 3}$

- Calculer  $U_1, U_2$ , puis  $V_0, V_1$  et  $V_2$  puis démontrer que  $V_n$  est arithmétique.
- En déduire  $V_n$  en fonction de  $n$  puis  $U_n$  en fonction de  $n$ .

### Exercice 3 : Etude de fonction ( 5 points)

Soit  $f$  la fonction définie sur  $] -\infty ; 1 [$  par  $f(x) = \frac{x^2 + 5}{x - 3}$  et  $\mathcal{C}$  sa courbe représentative dans le plan muni d'un repère orthonormal  $(O ; i, j)$ .

- Déterminer les nombres réels  $a, b$  et  $c$  tels que  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x - 3}$ .
- Calculer les limites de  $f$  aux bornes de son domaine de définition. En déduire que  $\mathcal{C}$  admet une asymptote que l'on précisera.
- Montrer que la droite  $\mathcal{D}$  d'équation  $y = x + 3$  est asymptote à  $\mathcal{C}$  en  $+\infty$ .

### Exercice 4 : Exponentiel ( 5 points)

- On considère la fonction  $P$  définie pour tout  $x$  réel par  $P(x) = 2x^3 + 7x^2 + 2x - 3$ .  
Calculer  $P(-1)$ . En déduire que  $P(x)$  peut s'écrire  $P(x) = (x + 1)(ax^2 + bx + c)$  où  $a, b$  et  $c$  sont trois nombres réels que l'on déterminera.
- Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $P(x) = 0$ .
- En déduire la résolution dans  $\mathbb{R}$  de l'équation :  $2e^{6x} + 7e^{4x} + 2e^{2x} - 3 = 0$ .